

Magnetische Feldgrößen und Zusammenhänge

Feldgröße	Maßeinheit	Zusammenhänge
Magnetischer Fluss Φ	1Vs = 1 Wb	
Magnetische Flussdichte \vec{B}	1 Vs/m ² = 1 T	$\vec{B} = \frac{d\Phi}{dA_{\perp}}$ $\Phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$
Magnetische Feldstärke \vec{H}	1 A/m	$\vec{B} = \mu \cdot \vec{H}$ $\mu = \mu_0 \cdot \mu_r$
Durchflutung Θ	1 A	$\oint \vec{H} \cdot d\vec{s} = \Theta = \sum_{v=1}^{v=n} I_v$ <p>Durchflutungsgesetz</p>

Anwendung des Durchflutungsgesetzes

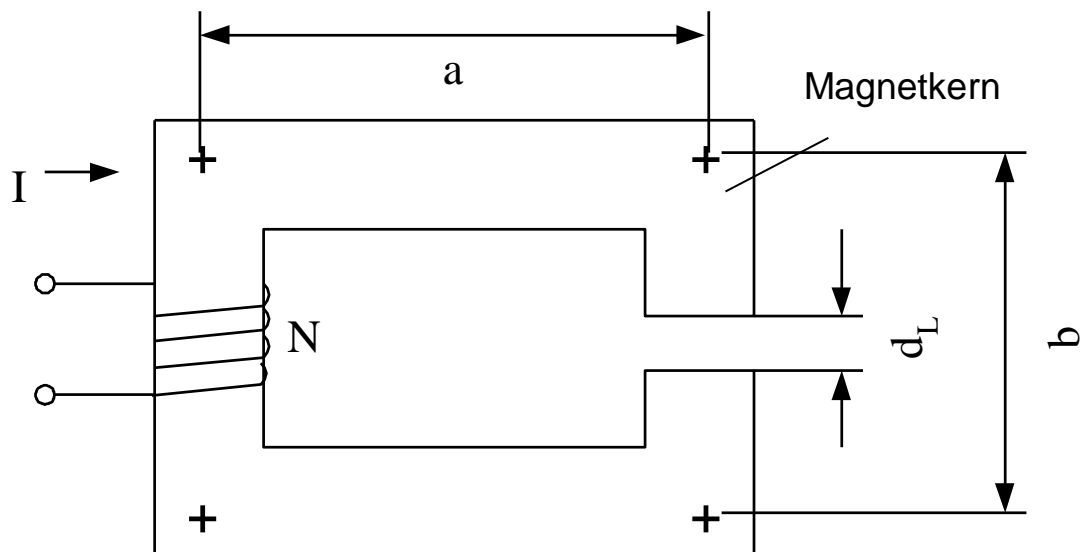
$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{s} = \Theta = \sum_{\nu=1}^{\nu=n} I_{\nu}$$

Merksatz

Durchflutungsgesetz gibt Beziehung zwischen den erfassten Strömen und dem Umlaufintegral wieder, nicht aber einen unmittelbaren Zusammenhang zur magnetischen Feldstärke selbst!

Berechnung der magnetischen Feldstärke ist aus Durchflutungsgesetz möglich, wenn \vec{H} über dem Integrationsweg $d\vec{s}$ oder zumindest über Teile von $d\vec{s}$ konstant ist!

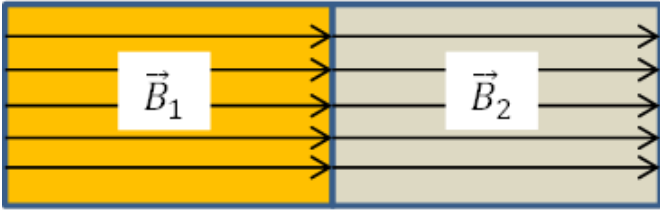
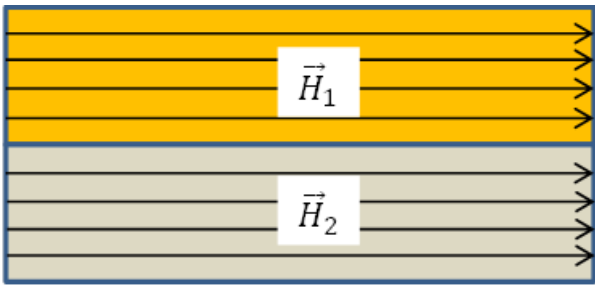
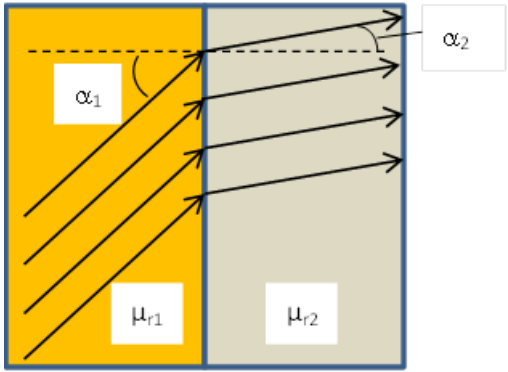
Magnetkreise



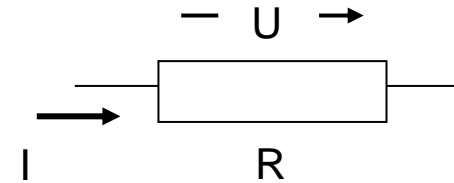
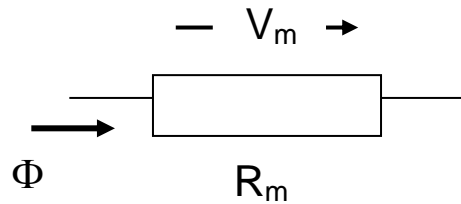
Grundlagen zur Berechnung von Magnetkreisen

- ① Verhalten von Stoffen im Magnetfeld
(Magnetisierungskennlinien)
- ② Wirkung von Grenzflächen
(Quer-; Längs- und Schräggrenzflächen)
- ③ Nutzung von Analogiebeziehungen zwischen einem elektrischen Stromkreis und einem magnetischen Kreis

Magnetkreise - Grenzflächen im magnetischen Feld

<div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-bottom: 10px;"> Mat. 1 μ_{r1} Mat. 2 μ_{r2} </div>  <p style="text-align: center;">Quergrenzfläche</p>	$B_{1n} = B_{2n}$ <p>(sog. Normalkomponente)</p> <p style="text-align: center;">→</p> $\frac{H_{1n}}{H_{2n}} = \frac{\mu_{r2}}{\mu_{r1}}$
 <p style="text-align: center;">Längsgrenzfläche</p>	$H_{1t} = H_{2t}$ <p>(sog. Tangentialkomponente)</p> <p style="text-align: center;">→</p> $\frac{B_{1t}}{B_{2t}} = \frac{\mu_{r1}}{\mu_{r2}}$
 <p style="text-align: center;">Schräggrenzfläche</p>	$\frac{\tan \alpha_1}{\tan \alpha_2} = \frac{\mu_{r1}}{\mu_{r2}}$ <p>(Brechungsgesetz)</p>

Analogie zwischen magnetischem Kreis und elektrischem Stromkreis



homogener magnetischer Kreis	homogener elektrischer Kreis
Φ	I
$V_m; \Theta$	$U; U_q$
$R_m = \frac{V_m}{\Phi} = \frac{l_m}{\mu \cdot A}$	$R = \frac{U}{I} = \frac{l}{\kappa \cdot A}$
$H = \frac{V_m}{l}$	$E = \frac{U}{l}$
$B = \frac{\Phi}{A} = \mu \cdot H$	$S = \frac{I}{A} = \kappa \cdot E$

Berechnung von Magnetkreisen – Lösungswege

Variante ① - Annahme - μ_r – konstant

Bsp. Eisenkern (e) mit Luftspalt (l)

geg.: $\Theta = I \cdot N$; geometrische Abmessungen des Kerns und des Luftspalts

ges.: $\Phi; B; H$

Ansatz: $\Theta = V_{me} + V_{ml} = \Phi \cdot R_{me} + \Phi \cdot R_{ml}$

→

$$\Phi = \frac{I \cdot N}{R_{me} + R_{ml}}$$

wobei

$$R_{me} = \frac{l_{me}}{\mu_0 \cdot \mu_r \cdot A}$$

und

$$R_{ml} = \frac{l_l}{\mu_0 \cdot \mu_r \cdot A}$$

(l_{me} – mittlere Flusslinienlänge im Eisenkern; l_l – Luftspatlänge; A – Querschnittsfläche des Eisenkerns bzw. des Luftspalts)

Eisenkern-Luftspalt bildet eine Quergrenzfläche →

$$B_l = \frac{\Phi}{A} = B_e$$

$$H_l = \frac{B_l}{\mu_0}$$

$$H_e = \frac{B_e}{\mu_r}$$

Berechnung von Magnetkreisen – Lösungswege

Variante ② - $\mu_r = f(H_e)$ (bzw. $B_e = f(H_e)$ - Magnetisierungskennlinie)

Bsp. Eisenkern (e) mit Luftspalt (l)

geg.: $\Theta = I \cdot N$; geometrische Abmessungen des Kerns und des Luftspalts

ges.: $\Phi; B; H$

Ansatz: $\Theta = V_{me} + V_{ml} = H_e \cdot l_{me} + H_l \cdot l_l$

(l_{me} – mittlere Flusslinienlänge im Eisenkern; l_l – Luftspaltlänge;

außerdem gilt:

$$H_l = \frac{B_l}{\mu_0}$$

und Eisenkern-Luftspalt bildet eine Quergrenzfläche \rightarrow

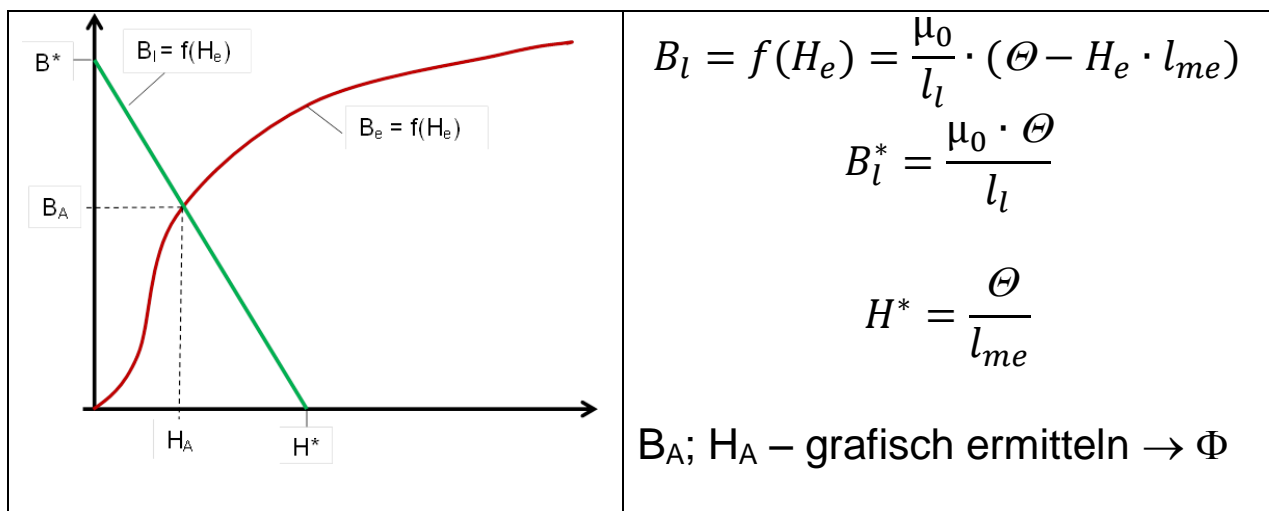
$$B_l = B_e$$

\rightarrow

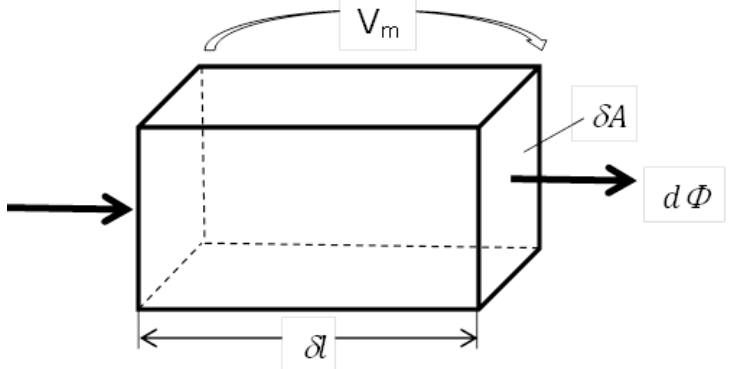
$$\Theta = H_e \cdot l_{me} + \frac{B_l}{\mu_0} \cdot l_l$$

\rightarrow

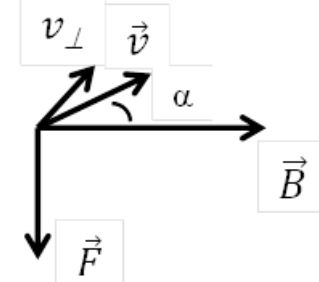
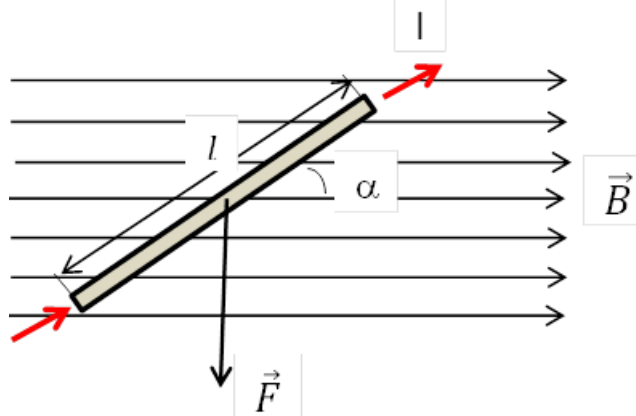
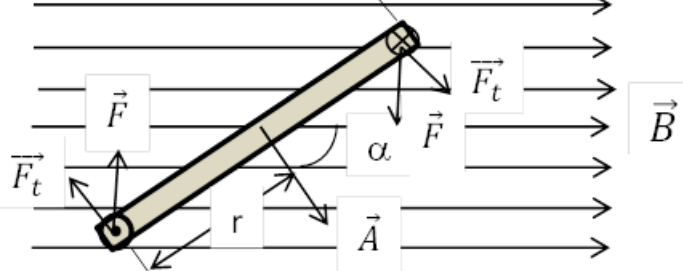
$$B_l = \frac{\mu_0}{l_l} \cdot (\Theta - H_e \cdot l_{me})$$



Gespeicherte Energie im magnetischen Feld

	$\delta W_m = d\Phi \cdot V_m$ \downarrow $\delta W_m = dB \cdot \delta A \cdot dH \cdot \delta l$ \downarrow $\frac{\delta W_m}{\delta V} = H \cdot dB$ \downarrow
<p>magnetische Energiedichte allgemein</p>	$\int_V \frac{\delta W_m}{\delta V} = \int H dB$
<p>magnetische Energiedichte im homogenen Magnetfeld</p>	$\frac{W_m}{V} = w_m = \int H dB$
<p>magnetische Energiedichte im homogenen Magnetfeld bei $\mu = \text{konst.}$</p>	$w_m = \int_0^{B_1} H dB = \frac{B_1^2}{2\mu}$ $= \frac{H_1 \cdot B_1}{2}$
<p>magnetische Energiedichte im homogenen Magnetfeld bei $\mu \neq \text{konst.}$ (Magnetisierungskennlinie)</p>	$w_m = \int_0^{B_1} H dB$ <p><i>grafische Integration</i></p>

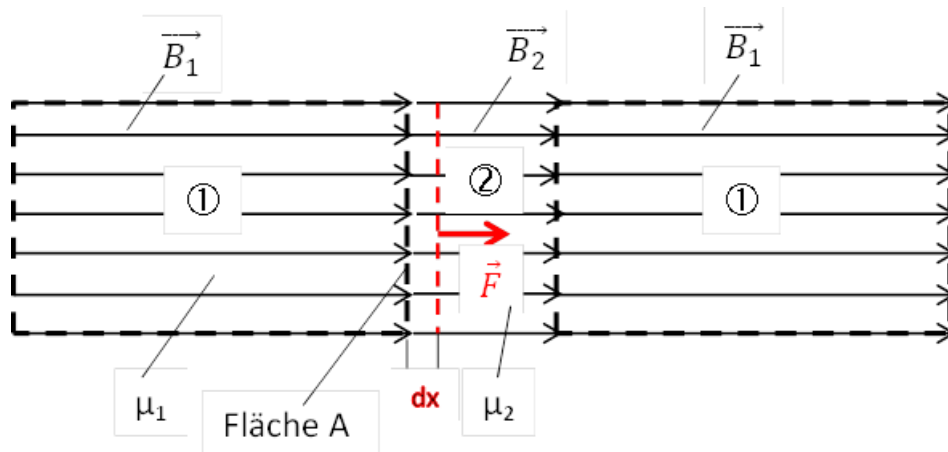
Kräfte im magnetischen Feld

<p>Kraft auf bewegte Ladungen (Lorentzkraft)</p>	 $\vec{F} = \pm q(\vec{v} \times \vec{B})$ $ \vec{F} = \pm q \cdot v \cdot B \cdot \sin\alpha$
<p>Kraft auf stromdurchflossene Leiter</p>	 $\vec{F} = I(\vec{l} \times \vec{B})$ $ \vec{F} = I \cdot l \cdot B \cdot \sin\alpha$
<p>Kraft und Drehmoment auf rotierende Stromschleife</p>	 $M = 2 \cdot F_t \cdot r$ $M = I \cdot B \cdot A \cdot \sin\alpha$

Kräfte im magnetischen Feld (2)

Kraft auf Grenzflächen

Quergrenzfläche



$$\frac{F}{A} = \frac{B^2}{2} \left(\frac{1}{\mu_2} - \frac{1}{\mu_1} \right)$$

Anwendung auf Eisenkreis (①) mit Luftspalt (②)

wobei : $\mu_1 \gg \mu_2 \rightarrow$

$$\frac{F}{A} \approx \frac{B^2}{2 \cdot \mu_2} = \frac{B \cdot H_l}{2} = \frac{dW_{ml}}{dV}$$

Kraft/Fläche – entspricht magnetischer Energiedichte
im Luftspalt